

Predikátumok

$$\begin{aligned} P(x) \Rightarrow Q(x) &\Leftrightarrow \overline{Q(x)} \Rightarrow \overline{P(x)} \\ \overline{\forall x; P(x)} = \exists x; \overline{P(x)} &\quad \overline{\exists x; P(x)} = \forall x; \overline{P(x)} \end{aligned}$$

Indukció

Célunk egy $P(n)$ állítás igazolása általában $\forall n \in N^*$ esetén.

- I.lépés – Ellenőrzés Számításokkal ellenőrizzük, hogy $P(1), P(2)$, esetleg $P(3)$ igaz.
- II.lépés – Indukciós feltevés Elfogadjuk, hogy $P(k)$ igaz, $\forall k \in N^*$.
- III.lépés – Bizonyítás Felírjuk a $P(k+1)$ állítást, melyet a $P(k)$ állítás igaz voltának felhasználásával igazolunk.
- IV.lépés – Konklúzió Mivel $\forall k \in N^*$ esetén $P(k)$ igaz volta maga után vonta $P(k+1)$ igaz voltát $\forall k \in N^*$ esetén, ezért következik, hogy $P(n)$ állítás igaz, $\forall n \in N^*$ esetén.

$$\begin{aligned} S_1 &= 1 + 2 + 3 + \dots + n = \frac{n \cdot (n+1)}{2} \\ S_2 &= 1^2 + 2^2 + 3^2 + \dots + n^2 = \frac{n \cdot (n+1) \cdot (2n+1)}{6} \\ S_3 &= 1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = \frac{n^2 \cdot (n+1)^2}{4} \end{aligned}$$

Haladványok

Számtani	Mértani
$a_n = a_1 + (n-1)r$	$b_n = b_1 \cdot q^{n-1}$
$a_n = a_k + (n-k)r$	$b_n = b_k \cdot q^{n-k}$
$r = a_2 - a_1 = a_3 - a_2 = \dots = a_n - a_{n-1} = a_{n+1} - a_n$	$r = \frac{a_2}{a_1} = \frac{a_3}{a_2} = \dots = \frac{a_n}{a_{n-1}} = \frac{a_{n+1}}{a_n}$
$S_n = a_1 + a_2 + \dots + a_n = \frac{n \cdot (a_1 + a_n)}{2}$	$S_n = b_1 + b_2 + \dots + b_n = \frac{b_1 \cdot (q^n - 1)}{q - 1} = \frac{b_1 \cdot (1 - q^n)}{1 - q}$ ha $q > 1$ ha $q < 1$
$a_n = S_n - S_{n-1}$	$b_n = S_n - S_{n-1}$
$n = \frac{a_n - a_1}{r} + 1$	A q hatványkitevői számtani haladványban vannak és ezért ugyanaz a képlet a hatványkitevőkre
$a_1 + a_n = a_2 + a_{n-1} = \dots = a_{1+k} + a_{n-k}$	$a_1 \cdot a_n = a_2 \cdot a_{n-1} = \dots = a_{1+k} \cdot a_{n-k}$
$\frac{\bullet}{\bullet} a; b; c \Leftrightarrow b = \frac{a+c}{2} \Leftrightarrow 2b = a+c$	$\frac{\bullet\bullet}{\bullet\bullet} a; b; c \Leftrightarrow b = \sqrt{a \cdot c} \Leftrightarrow b^2 = a \cdot c$